

解答 402

1

解答 402

1

(与式) =

解答 402

1

$$(\text{与式}) = \int_{\alpha}^{\beta} dx$$

①

$$(\text{与式}) = \int_{\alpha}^{\beta} (x - \alpha) \quad dx$$

解答 402

①

$$(\text{与式}) = \int_{\alpha}^{\beta} (x - \alpha) (x - \alpha + \alpha - \beta) dx$$

解答 402

1

$$\begin{aligned} \text{(与式)} &= \int_{\alpha}^{\beta} (x - \alpha) (x - \alpha + \alpha - \beta) dx \\ &= \int_{\alpha}^{\beta} \left\{ \quad \quad \quad + \quad \quad \quad \right\} dx \end{aligned}$$

解答 402

1

$$\begin{aligned} \text{(与式)} &= \int_{\alpha}^{\beta} (x - \alpha) (x - \alpha + \alpha - \beta) dx \\ &= \int_{\alpha}^{\beta} \{ (x - \alpha)^2 + \quad \quad \quad \} dx \end{aligned}$$

解答 402

1

$$\begin{aligned}(\text{与式}) &= \int_{\alpha}^{\beta} (x - \alpha) (x - \alpha + \alpha - \beta) dx \\ &= \int_{\alpha}^{\beta} \{ (x - \alpha)^2 + (\alpha - \beta) (x - \alpha) \} dx\end{aligned}$$

解答 402

1

$$\begin{aligned}(\text{与式}) &= \int_{\alpha}^{\beta} (x - \alpha) (x - \alpha + \alpha - \beta) dx \\ &= \int_{\alpha}^{\beta} \{ (x - \alpha)^2 + (\alpha - \beta) (x - \alpha) \} dx \\ &= \left[\frac{1}{3} (x - \alpha)^3 + \frac{\alpha - \beta}{2} (x - \alpha)^2 \right]_{\alpha}^{\beta}\end{aligned}$$

解答 402

1

$$\begin{aligned}(\text{与式}) &= \int_{\alpha}^{\beta} (x - \alpha) (x - \alpha + \alpha - \beta) dx \\ &= \int_{\alpha}^{\beta} \{ (x - \alpha)^2 + (\alpha - \beta) (x - \alpha) \} dx \\ &= \left[\frac{1}{3} (x - \alpha)^3 + \frac{\alpha - \beta}{2} (x - \alpha)^2 \right]_{\alpha}^{\beta} \\ &= \end{aligned}$$

①

$$\begin{aligned}(\text{与式}) &= \int_{\alpha}^{\beta} (x - \alpha) (x - \alpha + \alpha - \beta) dx \\ &= \int_{\alpha}^{\beta} \{ (x - \alpha)^2 + (\alpha - \beta) (x - \alpha) \} dx \\ &= \left[\frac{1}{3} (x - \alpha)^3 + \frac{\alpha - \beta}{2} (x - \alpha)^2 \right]_{\alpha}^{\beta} \\ &= \frac{1}{3} (\beta - \alpha)^3\end{aligned}$$

①

$$\begin{aligned}(\text{与式}) &= \int_{\alpha}^{\beta} (x - \alpha) (x - \alpha + \alpha - \beta) dx \\ &= \int_{\alpha}^{\beta} \{ (x - \alpha)^2 + (\alpha - \beta) (x - \alpha) \} dx \\ &= \left[\frac{1}{3} (x - \alpha)^3 + \frac{\alpha - \beta}{2} (x - \alpha)^2 \right]_{\alpha}^{\beta} \\ &= \frac{1}{3} (\beta - \alpha)^3 -\end{aligned}$$

①

$$\begin{aligned}(\text{与式}) &= \int_{\alpha}^{\beta} (x - \alpha) (x - \alpha + \alpha - \beta) dx \\ &= \int_{\alpha}^{\beta} \{ (x - \alpha)^2 + (\alpha - \beta) (x - \alpha) \} dx \\ &= \left[\frac{1}{3} (x - \alpha)^3 + \frac{\alpha - \beta}{2} (x - \alpha)^2 \right]_{\alpha}^{\beta} \\ &= \frac{1}{3} (\beta - \alpha)^3 - \frac{1}{2} (\beta - \alpha)^3\end{aligned}$$

1

$$\begin{aligned}(\text{与式}) &= \int_{\alpha}^{\beta} (x - \alpha) (x - \alpha + \alpha - \beta) dx \\ &= \int_{\alpha}^{\beta} \{ (x - \alpha)^2 + (\alpha - \beta) (x - \alpha) \} dx \\ &= \left[\frac{1}{3} (x - \alpha)^3 + \frac{\alpha - \beta}{2} (x - \alpha)^2 \right]_{\alpha}^{\beta} \\ &= \frac{1}{3} (\beta - \alpha)^3 - \frac{1}{2} (\beta - \alpha)^3 \\ &= -\frac{1}{6} (\beta - \alpha)^3\end{aligned}$$

①

$$\begin{aligned}(\text{与式}) &= \int_{\alpha}^{\beta} (x - \alpha) (x - \alpha + \alpha - \beta) dx \\ &= \int_{\alpha}^{\beta} \{ (x - \alpha)^2 + (\alpha - \beta) (x - \alpha) \} dx \\ &= \left[\frac{1}{3} (x - \alpha)^3 + \frac{\alpha - \beta}{2} (x - \alpha)^2 \right]_{\alpha}^{\beta} \\ &= \frac{1}{3} (\beta - \alpha)^3 - \frac{1}{2} (\beta - \alpha)^3 \\ &= -\frac{1}{6} (\beta - \alpha)^3 = \frac{(\alpha - \beta)^3}{6}\end{aligned}$$

解答 402

② l の方程式は

解答 402

② l の方程式は $y =$

解答 402

② l の方程式は $y = k(x - a)$

解答 402

② l の方程式は $y = k(x - a) + b$

解答 402

② l の方程式は $y = k(x - a) + b = kx - ka + b$

解答 402

- ② l の方程式は $y = k(x - a) + b = kx - ka + b$ であり

解答 402

- ② l の方程式は $y = k(x - a) + b = kx - ka + b$ であり
放物線と l との共有点について

解答 402

- ② l の方程式は $y = k(x - a) + b = kx - ka + b$ であり
放物線と l との共有点について

$$x^2 = kx - ka + b$$

解答 402

- ② l の方程式は $y = k(x - a) + b = kx - ka + b$ であり
放物線と l との共有点について
 $x^2 = kx - ka + b$ を解く

解答 402

- ② ℓ の方程式は $y = k(x - a) + b = kx - ka + b$ であり
放物線と ℓ との共有点について

$$x^2 = kx - ka + b \text{ を解く}$$

$$x^2 - kx + ka - b = 0 \dots \textcircled{1}$$

解答 402

- ② ℓ の方程式は $y = k(x - a) + b = kx - ka + b$ であり
放物線と ℓ との共有点について

$$x^2 = kx - ka + b \text{ を解く}$$

$$x^2 - kx + ka - b = 0 \dots \textcircled{1} \text{ とし,}$$

解答 402

- ② ℓ の方程式は $y = k(x - a) + b = kx - ka + b$ であり
放物線と ℓ との共有点について

$$x^2 = kx - ka + b \text{ を解く}$$

$$x^2 - kx + ka - b = 0 \dots \textcircled{1} \text{ とし, この判別式を } D \text{ とする。}$$

解答 402

- ② l の方程式は $y = k(x - a) + b = kx - ka + b$ であり
放物線と l との共有点について

$$x^2 = kx - ka + b \text{ を解く}$$

$x^2 - kx + ka - b = 0 \dots \textcircled{1}$ とし, この判別式を D とする。

$$D =$$

解答 402

- ② l の方程式は $y = k(x - a) + b = kx - ka + b$ であり
放物線と l との共有点について

$$x^2 = kx - ka + b \text{ を解く}$$

$x^2 - kx + ka - b = 0 \dots \textcircled{1}$ とし, この判別式を D とする。

$$D = k^2 - 4ka + 4b$$

解答 402

- ② l の方程式は $y = k(x - a) + b = kx - ka + b$ であり
放物線と l との共有点について

$$x^2 = kx - ka + b \text{ を解く}$$

$x^2 - kx + ka - b = 0 \dots \textcircled{1}$ とし, この判別式を D とする。

$$D = k^2 - 4ka + 4b$$

=

解答 402

- ② l の方程式は $y = k(x - a) + b = kx - ka + b$ であり
放物線と l との共有点について

$$x^2 = kx - ka + b \text{ を解く}$$

$x^2 - kx + ka - b = 0 \dots \textcircled{1}$ とし, この判別式を D とする。

$$\begin{aligned} D &= k^2 - 4ka + 4b \\ &= (k - 2a)^2 \end{aligned}$$

解答 402

- ② l の方程式は $y = k(x - a) + b = kx - ka + b$ であり
放物線と l との共有点について

$$x^2 = kx - ka + b \text{ を解く}$$

$x^2 - kx + ka - b = 0 \dots \textcircled{1}$ とし, この判別式を D とする。

$$D = k^2 - 4ka + 4b$$

$$= (k - 2a)^2 - 4a^2 + 4b \dots \textcircled{2}$$

解答 402

- ② l の方程式は $y = k(x - a) + b = kx - ka + b$ であり
放物線と l との共有点について

$$x^2 = kx - ka + b \text{ を解く}$$

$x^2 - kx + ka - b = 0 \dots \textcircled{1}$ とし, この判別式を D とする。

$$D = k^2 - 4ka + 4b$$

$$= (k - 2a)^2 - 4a^2 + 4b \dots \textcircled{2}$$

$$> 0$$

解答 402

- ② l の方程式は $y = k(x - a) + b = kx - ka + b$ であり
放物線と l との共有点について

$$x^2 = kx - ka + b \text{ を解く}$$

$x^2 - kx + ka - b = 0 \dots \textcircled{1}$ とし, この判別式を D とする。

$$D = k^2 - 4ka + 4b$$

$$= (k - 2a)^2 - 4a^2 + 4b \dots \textcircled{2}$$

$$> 0 \quad (\because b > a^2)$$

解答 402

- ② l の方程式は $y = k(x - a) + b = kx - ka + b$ であり
放物線と l との共有点について

$$x^2 = kx - ka + b \text{ を解く}$$

$x^2 - kx + ka - b = 0 \dots \textcircled{1}$ とし, この判別式を D とする。

$$D = k^2 - 4ka + 4b$$

$$= (k - 2a)^2 - 4a^2 + 4b \dots \textcircled{2}$$

$$> 0 \quad (\because b > a^2)$$

したがって放物線と l は

解答 402

- ② l の方程式は $y = k(x - a) + b = kx - ka + b$ であり
放物線と l との共有点について

$$x^2 = kx - ka + b \text{ を解く}$$

$x^2 - kx + ka - b = 0 \dots \textcircled{1}$ とし, この判別式を D とする。

$$D = k^2 - 4ka + 4b$$

$$= (k - 2a)^2 - 4a^2 + 4b \dots \textcircled{2}$$

$$> 0 \quad (\because b > a^2)$$

したがって放物線と l は k の値にかかわらず

解答 402

- ② l の方程式は $y = k(x - a) + b = kx - ka + b$ であり
放物線と l との共有点について

$$x^2 = kx - ka + b \text{ を解く}$$

$x^2 - kx + ka - b = 0 \dots \textcircled{1}$ とし, この判別式を D とする。

$$D = k^2 - 4ka + 4b$$

$$= (k - 2a)^2 - 4a^2 + 4b \dots \textcircled{2}$$

$$> 0 \quad (\because b > a^2)$$

したがって放物線と l は k の値にかかわらず 共有点を 2 個もつ。

解答 402

2つの共有点の x 座標を

解答 402

2つの共有点の x 座標を α, β ($\alpha < \beta$) とすると

解答 402

2つの共有点の x 座標を α, β ($\alpha < \beta$) とすると
 α, β は

解答 402

2つの共有点の x 座標を α, β ($\alpha < \beta$) とすると
 α, β は ① の

解答 402

2つの共有点の x 座標を α, β ($\alpha < \beta$) とすると
 α, β は ① の異なる2つの実数解なので,

解答 402

2つの共有点の x 座標を α, β ($\alpha < \beta$) とすると
 α, β は ① の異なる2つの実数解なので、解の公式から

解答 402

2つの共有点の x 座標を α, β ($\alpha < \beta$) とすると
 α, β は ① の異なる2つの実数解なので、解の公式から

$$\alpha =$$

解答 402

2つの共有点の x 座標を α, β ($\alpha < \beta$) とすると
 α, β は ① の異なる2つの実数解なので、解の公式から

$$\alpha = \frac{k - \sqrt{D}}{2}$$

解答 402

2つの共有点の x 座標を α, β ($\alpha < \beta$) とすると
 α, β は ① の異なる2つの実数解なので、解の公式から

$$\alpha = \frac{k - \sqrt{D}}{2},$$

解答 402

2つの共有点の x 座標を α, β ($\alpha < \beta$) とすると
 α, β は ① の異なる2つの実数解なので、解の公式から

$$\alpha = \frac{k - \sqrt{D}}{2}, \beta =$$

解答 402

2つの共有点の x 座標を α, β ($\alpha < \beta$) とすると
 α, β は ① の異なる2つの実数解なので、解の公式から

$$\alpha = \frac{k - \sqrt{D}}{2}, \beta = \frac{k + \sqrt{D}}{2}$$

解答 402

2つの共有点の x 座標を α, β ($\alpha < \beta$) とすると
 α, β は ① の異なる2つの実数解なので、解の公式から

$$\alpha = \frac{k - \sqrt{D}}{2}, \beta = \frac{k + \sqrt{D}}{2} \text{ であり}$$

解答 402

2つの共有点の x 座標を α, β ($\alpha < \beta$) とすると
 α, β は ① の異なる2つの実数解なので、解の公式から

$$\alpha = \frac{k - \sqrt{D}}{2}, \beta = \frac{k + \sqrt{D}}{2} \text{ であり}$$

$\alpha \leq x \leq \beta$ では

解答 402

2つの共有点の x 座標を α, β ($\alpha < \beta$) とすると
 α, β は ① の異なる2つの実数解なので、解の公式から

$$\alpha = \frac{k - \sqrt{D}}{2}, \beta = \frac{k + \sqrt{D}}{2} \text{ であり}$$

$\alpha \leq x \leq \beta$ では $x^2 \leq kx - ka + b$ より

解答 402

2つの共有点の x 座標を α, β ($\alpha < \beta$) とすると
 α, β は ① の異なる2つの実数解なので、解の公式から

$$\alpha = \frac{k - \sqrt{D}}{2}, \beta = \frac{k + \sqrt{D}}{2} \text{ であり}$$

$\alpha \leq x \leq \beta$ では $x^2 \leq kx - ka + b$ より

$$S(k) =$$

解答 402

2つの共有点の x 座標を α, β ($\alpha < \beta$) とすると
 α, β は ① の異なる2つの実数解なので, 解の公式から

$$\alpha = \frac{k - \sqrt{D}}{2}, \beta = \frac{k + \sqrt{D}}{2} \text{ であり}$$

$\alpha \leq x \leq \beta$ では $x^2 \leq kx - ka + b$ より

$$S(k) = \int_{\alpha}^{\beta} \{ \quad - \quad \} dx$$

解答 402

2つの共有点の x 座標を α, β ($\alpha < \beta$) とすると
 α, β は ① の異なる2つの実数解なので、解の公式から

$$\alpha = \frac{k - \sqrt{D}}{2}, \beta = \frac{k + \sqrt{D}}{2} \text{ であり}$$

$\alpha \leq x \leq \beta$ では $x^2 \leq kx - ka + b$ より

$$S(k) = \int_{\alpha}^{\beta} \{ (kx - ka + b) - x^2 \} dx$$

解答 402

2つの共有点の x 座標を α, β ($\alpha < \beta$) とすると
 α, β は ① の異なる2つの実数解なので、解の公式から

$$\alpha = \frac{k - \sqrt{D}}{2}, \beta = \frac{k + \sqrt{D}}{2} \text{ であり}$$

$\alpha \leq x \leq \beta$ では $x^2 \leq kx - ka + b$ より

$$S(k) = \int_{\alpha}^{\beta} \{ (kx - ka + b) - x^2 \} dx$$

解答 402

2つの共有点の x 座標を α, β ($\alpha < \beta$) とすると
 α, β は ① の異なる2つの実数解なので、解の公式から

$$\alpha = \frac{k - \sqrt{D}}{2}, \beta = \frac{k + \sqrt{D}}{2} \text{ であり}$$

$\alpha \leq x \leq \beta$ では $x^2 \leq kx - ka + b$ より

$$\begin{aligned} S(k) &= \int_{\alpha}^{\beta} \{ (kx - ka + b) - x^2 \} dx \\ &= \end{aligned}$$

解答 402

2つの共有点の x 座標を α, β ($\alpha < \beta$) とすると
 α, β は ① の異なる2つの実数解なので、解の公式から

$$\alpha = \frac{k - \sqrt{D}}{2}, \beta = \frac{k + \sqrt{D}}{2} \text{ であり}$$

$\alpha \leq x \leq \beta$ では $x^2 \leq kx - ka + b$ より

$$\begin{aligned} S(k) &= \int_{\alpha}^{\beta} \{ (kx - ka + b) - x^2 \} dx \\ &= - \end{aligned}$$

解答 402

2つの共有点の x 座標を α, β ($\alpha < \beta$) とすると
 α, β は ① の異なる2つの実数解なので、解の公式から

$$\alpha = \frac{k - \sqrt{D}}{2}, \beta = \frac{k + \sqrt{D}}{2} \text{ であり}$$

$\alpha \leq x \leq \beta$ では $x^2 \leq kx - ka + b$ より

$$\begin{aligned} S(k) &= \int_{\alpha}^{\beta} \{ (kx - ka + b) - x^2 \} dx \\ &= - \int_{\alpha}^{\beta} dx \end{aligned}$$

解答 402

2つの共有点の x 座標を α, β ($\alpha < \beta$) とすると
 α, β は ① の異なる2つの実数解なので、解の公式から

$$\alpha = \frac{k - \sqrt{D}}{2}, \beta = \frac{k + \sqrt{D}}{2} \text{ であり}$$

$\alpha \leq x \leq \beta$ では $x^2 \leq kx - ka + b$ より

$$\begin{aligned} S(k) &= \int_{\alpha}^{\beta} \{ (kx - ka + b) - x^2 \} dx \\ &= - \int_{\alpha}^{\beta} (x - \alpha)(x - \beta) dx \end{aligned}$$

解答 402

2つの共有点の x 座標を α, β ($\alpha < \beta$) とすると
 α, β は ① の異なる2つの実数解なので、解の公式から

$$\alpha = \frac{k - \sqrt{D}}{2}, \beta = \frac{k + \sqrt{D}}{2} \text{ であり}$$

$\alpha \leq x \leq \beta$ では $x^2 \leq kx - ka + b$ より

$$\begin{aligned} S(k) &= \int_{\alpha}^{\beta} \{ (kx - ka + b) - x^2 \} dx \\ &= - \int_{\alpha}^{\beta} (x - \alpha)(x - \beta) dx \\ &= \end{aligned}$$

解答 402

2つの共有点の x 座標を α, β ($\alpha < \beta$) とすると
 α, β は ① の異なる2つの実数解なので、解の公式から

$$\alpha = \frac{k - \sqrt{D}}{2}, \beta = \frac{k + \sqrt{D}}{2} \text{ であり}$$

$\alpha \leq x \leq \beta$ では $x^2 \leq kx - ka + b$ より

$$\begin{aligned} S(k) &= \int_{\alpha}^{\beta} \{ (kx - ka + b) - x^2 \} dx \\ &= - \int_{\alpha}^{\beta} (x - \alpha)(x - \beta) dx \\ &= - \frac{-1}{6} \end{aligned}$$

解答 402

2つの共有点の x 座標を α, β ($\alpha < \beta$) とすると
 α, β は ① の異なる2つの実数解なので、解の公式から

$$\alpha = \frac{k - \sqrt{D}}{2}, \beta = \frac{k + \sqrt{D}}{2} \text{ であり}$$

$\alpha \leq x \leq \beta$ では $x^2 \leq kx - ka + b$ より

$$\begin{aligned} S(k) &= \int_{\alpha}^{\beta} \{ (kx - ka + b) - x^2 \} dx \\ &= - \int_{\alpha}^{\beta} (x - \alpha)(x - \beta) dx \\ &= - \frac{-1}{6} (\beta - \alpha)^3 \end{aligned}$$

解答 402

2つの共有点の x 座標を α, β ($\alpha < \beta$) とすると
 α, β は ① の異なる2つの実数解なので、解の公式から

$$\alpha = \frac{k - \sqrt{D}}{2}, \beta = \frac{k + \sqrt{D}}{2} \text{ であり}$$

$\alpha \leq x \leq \beta$ では $x^2 \leq kx - ka + b$ より

$$\begin{aligned} S(k) &= \int_{\alpha}^{\beta} \{ (kx - ka + b) - x^2 \} dx \\ &= - \int_{\alpha}^{\beta} (x - \alpha)(x - \beta) dx \\ &= - \frac{-1}{6} (\beta - \alpha)^3 = \frac{1}{6} (\sqrt{D})^3 \end{aligned}$$

解答 402

したがって D が最小のとき

解答 402

したがって D が最小のとき $S(k)$ は最小値をとる。

解答 402

したがって D が最小のとき $S(k)$ は最小値をとる。

② から

解答 402

したがって D が最小のとき $S(k)$ は最小値をとる。

② から D は $k = 2a$ のとき

解答 402

したがって D が最小のとき $S(k)$ は最小値をとる。

② から D は $k = 2a$ のとき 最小値 $4(b - a^2)$ をとるので

解答 402

したがって D が最小のとき $S(k)$ は最小値をとる。

② から D は $k = 2a$ のとき 最小値 $4(b - a^2)$ をとるので
 $S(k)$ は

解答 402

したがって D が最小のとき $S(k)$ は最小値をとる。

② から D は $k = 2a$ のとき 最小値 $4(b - a^2)$ をとるので
 $S(k)$ は 最小値

解答 402

したがって D が最小のとき $S(k)$ は最小値をとる。

② から D は $k = 2a$ のとき 最小値 $4(b - a^2)$ をとるので
 $S(k)$ は 最小値 $\frac{1}{6}$

解答 402

したがって D が最小のとき $S(k)$ は最小値をとる。

② から D は $k = 2a$ のとき 最小値 $4(b - a^2)$ をとるので
 $S(k)$ は 最小値 $\frac{1}{6}(2\sqrt{b - a^2})^3$

解答 402

したがって D が最小のとき $S(k)$ は最小値をとる。

② から D は $k = 2a$ のとき 最小値 $4(b - a^2)$ をとるので
 $S(k)$ は 最小値 $\frac{1}{6}(2\sqrt{b - a^2})^3 = \frac{4}{3}(\sqrt{b - a^2})^3$

解答 402

したがって D が最小のとき $S(k)$ は最小値をとる。

② から D は $k = 2a$ のとき 最小値 $4(b - a^2)$ をとるので
 $S(k)$ は 最小値 $\frac{1}{6}(2\sqrt{b - a^2})^3 = \frac{4}{3}(\sqrt{b - a^2})^3$ をとる。

解答 402

したがって D が最小のとき $S(k)$ は最小値をとる。

② から D は $k = 2a$ のとき 最小値 $4(b - a^2)$ をとるので
 $S(k)$ は 最小値 $\frac{1}{6}(2\sqrt{b - a^2})^3 = \frac{4}{3}(\sqrt{b - a^2})^3$ をとる。



$k = 2a$ の図形的意味を考えてみましょう