

解答 103

$f(x) =$ とする。

解答 103

$$f(x) = x^n$$

とする。

解答 103

$f(x) = x^n + R(x)$ とする。

解答 103

$f(x) = x^n + R(x)$ とする。

ただし $R(x)$ は

解答 103

$f(x) = x^n + R(x)$ とする。

ただし $R(x)$ は $n - 1$ 次以下の多項式とする。

解答 103

$f(x) = x^n + R(x)$ とする。

ただし $R(x)$ は $n - 1$ 次以下の多項式とする。

$$(x - 1) f'(x) = 2f(x) + 8 \cdots \textcircled{*}$$

解答 103

$f(x) = x^n + R(x)$ とする。

ただし $R(x)$ は $n - 1$ 次以下の多項式とする。

$$(x - 1) f'(x) = 2f(x) + 8 \cdots \textcircled{*} \quad \text{とし}$$

解答 103

$f(x) = x^n + R(x)$ とする。

ただし $R(x)$ は $n - 1$ 次以下の多項式とする。

$$(x - 1) f'(x) = 2f(x) + 8 \cdots \textcircled{*} \quad \text{とし}$$

解答 103

$f(x) = x^n + R(x)$ とする。

ただし $R(x)$ は $n - 1$ 次以下の多項式とする。

$$(x - 1) f'(x) = 2f(x) + 8 \cdots \textcircled{*} \quad \text{とし}$$

① $f'(x) = nx^{n-1} + R'(x)$ となり,

解答 103

$f(x) = x^n + R(x)$ とする。

ただし $R(x)$ は $n - 1$ 次以下の多項式とする。

$$(x - 1) f'(x) = 2f(x) + 8 \cdots \textcircled{*} \quad \text{とし}$$

① $f'(x) = nx^{n-1} + R'(x)$ となり,

② $\textcircled{*}$ の両辺の最高次の項を比較すると

解答 103

$f(x) = x^n + R(x)$ とする。

ただし $R(x)$ は $n - 1$ 次以下の多項式とする。

$$(x - 1) f'(x) = 2f(x) + 8 \cdots \textcircled{*} \quad \text{とし}$$

① $f'(x) = nx^{n-1} + R'(x)$ となり,

② の両辺の最高次の項を比較すると

左辺は nx^n ,

解答 103

$f(x) = x^n + R(x)$ とする。

ただし $R(x)$ は $n - 1$ 次以下の多項式とする。

$$(x - 1) f'(x) = 2f(x) + 8 \cdots \textcircled{*} \quad \text{とし}$$

① $f'(x) = nx^{n-1} + R'(x)$ となり,

② の両辺の最高次の項を比較すると

左辺は nx^n , 右辺は $2x^n$ となり

解答 103

$f(x) = x^n + R(x)$ とする。

ただし $R(x)$ は $n - 1$ 次以下の多項式とする。

$$(x - 1) f'(x) = 2f(x) + 8 \cdots \textcircled{*} \quad \text{とし}$$

① $f'(x) = nx^{n-1} + R'(x)$ となり,

② の両辺の最高次の項を比較すると

左辺は nx^n , 右辺は $2x^n$ となり

③ が

解答 103

$f(x) = x^n + R(x)$ とする。

ただし $R(x)$ は $n - 1$ 次以下の多項式とする。

$$(x - 1) f'(x) = 2f(x) + 8 \cdots \textcircled{*} \quad \text{とし}$$

① $f'(x) = nx^{n-1} + R'(x)$ となり,

② の両辺の最高次の項を比較すると

左辺は nx^n , 右辺は $2x^n$ となり

③ が 恒等式となるのは

解答 103

$f(x) = x^n + R(x)$ とする。

ただし $R(x)$ は $n - 1$ 次以下の多項式とする。

$$(x - 1) f'(x) = 2f(x) + 8 \cdots \textcircled{*} \quad \text{とし}$$

① $f'(x) = nx^{n-1} + R'(x)$ となり,

② の両辺の最高次の項を比較すると

左辺は nx^n , 右辺は $2x^n$ となり

② が 恒等式となるのは $n = 2$ のときであるから,

解答 103

$f(x) = x^n + R(x)$ とする。

ただし $R(x)$ は $n - 1$ 次以下の多項式とする。

$$(x - 1) f'(x) = 2f(x) + 8 \cdots \textcircled{*} \quad \text{とし}$$

① $f'(x) = nx^{n-1} + R'(x)$ となり,

② の両辺の最高次の項を比較すると

左辺は nx^n , 右辺は $2x^n$ となり

② が 恒等式となるのは $n = 2$ のときであるから,

$f(x)$ は 2 次式である。

解答 103

② (1) から

解答 103

- ② (1) から $f(x) = x^2 + ax + b$ とする。

解答 103

② (1) から $f(x) = x^2 + ax + b$ とする。

$$f'(x) = 2x + a \text{ であり}$$

解答 103

② (1) から $f(x) = x^2 + ax + b$ とする。

$f'(x) = 2x + a$ であり ⑥* について

解答 103

② (1) から $f(x) = x^2 + ax + b$ とする。

$f'(x) = 2x + a$ であり $\textcircled{*}$ について

$$\text{(左辺)} = (x - 1)(2x + a)$$

解答 103

② (1) から $f(x) = x^2 + ax + b$ とする。

$f'(x) = 2x + a$ であり $\textcircled{*}$ について

$$\text{(左辺)} = (x - 1)(2x + a) = 2x^2 + (a - 2)x - a$$

解答 103

② (1) から $f(x) = x^2 + ax + b$ とする。

$f'(x) = 2x + a$ であり $\textcircled{*}$ について

$$\text{(左辺)} = (x - 1)(2x + a) = 2x^2 + (a - 2)x - a$$

$$\text{(右辺)} = 2(x^2 + ax + b) + 8$$

解答 103

② (1) から $f(x) = x^2 + ax + b$ とする。

$f'(x) = 2x + a$ であり $\textcircled{*}$ について

$$\text{(左辺)} = (x - 1)(2x + a) = 2x^2 + (a - 2)x - a$$

$$\text{(右辺)} = 2(x^2 + ax + b) + 8 = 2x^2 + 2ax + 2b + 8$$

解答 103

② (1) から $f(x) = x^2 + ax + b$ とする。

$f'(x) = 2x + a$ であり $\textcircled{*}$ について

$$\text{(左辺)} = (x - 1)(2x + a) = 2x^2 + (a - 2)x - a$$

$$\text{(右辺)} = 2(x^2 + ax + b) + 8 = 2x^2 + 2ax + 2b + 8$$

両辺の

解答 103

② (1) から $f(x) = x^2 + ax + b$ とする。

$f'(x) = 2x + a$ であり $\textcircled{*}$ について

$$\text{(左辺)} = (x - 1)(2x + a) = 2x^2 + (a - 2)x - a$$

$$\text{(右辺)} = 2(x^2 + ax + b) + 8 = 2x^2 + 2ax + 2b + 8$$

両辺の各次数の係数を比較し

解答 103

② (1) から $f(x) = x^2 + ax + b$ とする。

$f'(x) = 2x + a$ であり $\textcircled{*}$ について

$$\text{(左辺)} = (x - 1)(2x + a) = 2x^2 + (a - 2)x - a$$

$$\text{(右辺)} = 2(x^2 + ax + b) + 8 = 2x^2 + 2ax + 2b + 8$$

両辺の各次数の係数を比較し

$$a - 2 = 2a$$

解答 103

② (1) から $f(x) = x^2 + ax + b$ とする。

$f'(x) = 2x + a$ であり $\textcircled{*}$ について

$$\text{(左辺)} = (x - 1)(2x + a) = 2x^2 + (a - 2)x - a$$

$$\text{(右辺)} = 2(x^2 + ax + b) + 8 = 2x^2 + 2ax + 2b + 8$$

両辺の各次数の係数を比較し

$$a - 2 = 2a \quad \text{かつ}$$

解答 103

② (1) から $f(x) = x^2 + ax + b$ とする。

$f'(x) = 2x + a$ であり $\textcircled{*}$ について

$$\text{(左辺)} = (x - 1)(2x + a) = 2x^2 + (a - 2)x - a$$

$$\text{(右辺)} = 2(x^2 + ax + b) + 8 = 2x^2 + 2ax + 2b + 8$$

両辺の各次数の係数を比較し

$$a - 2 = 2a \quad \text{かつ} \quad -a = 2b + 8$$

解答 103

② (1) から $f(x) = x^2 + ax + b$ とする。

$f'(x) = 2x + a$ であり $\textcircled{*}$ について

$$\text{(左辺)} = (x - 1)(2x + a) = 2x^2 + (a - 2)x - a$$

$$\text{(右辺)} = 2(x^2 + ax + b) + 8 = 2x^2 + 2ax + 2b + 8$$

両辺の各次数の係数を比較し

$a - 2 = 2a$ かつ $-a = 2b + 8$ を解いて

解答 103

② (1) から $f(x) = x^2 + ax + b$ とする。

$f'(x) = 2x + a$ であり $\textcircled{*}$ について

$$\text{(左辺)} = (x - 1)(2x + a) = 2x^2 + (a - 2)x - a$$

$$\text{(右辺)} = 2(x^2 + ax + b) + 8 = 2x^2 + 2ax + 2b + 8$$

両辺の各次数の係数を比較し

$a - 2 = 2a$ かつ $-a = 2b + 8$ を解いて

$$(a, b) = (-2, -3)$$

解答 103

② (1) から $f(x) = x^2 + ax + b$ とする。

$f'(x) = 2x + a$ であり $\textcircled{*}$ について

$$\text{(左辺)} = (x - 1)(2x + a) = 2x^2 + (a - 2)x - a$$

$$\text{(右辺)} = 2(x^2 + ax + b) + 8 = 2x^2 + 2ax + 2b + 8$$

両辺の各次数の係数を比較し

$a - 2 = 2a$ かつ $-a = 2b + 8$ を解いて

$(a, b) = (-2, -3)$ したがって $f(x) = x^2 - 2x - 3$